



# NOTION DE FONCTION

## I) Définition d'une fonction

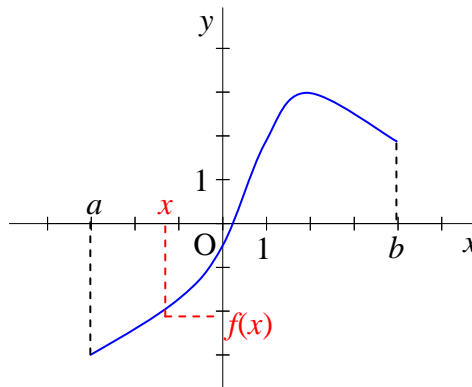
Définir une **fonction**  $f$  sur un intervalle  $[a ; b[$ , c'est fournir une **relation** qui à chaque valeur  $x$  de l'intervalle  $[a ; b[$  associe un nombre appelé **image** et noté  $f(x)$ .

On dit que  $f(x)$  a pour **antécédent** le nombre  $x$ .

## II) Représentation graphique d'une fonction

La **représentation graphique** de la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[a ; b[$  est la courbe dont chacun des points a pour coordonnées  $(x ; f(x))$ ,  $x$  étant l'**abscisse** et  $f(x)$  l'**ordonnée**.

On appelle **équation de la courbe** la relation  $y = f(x)$ .



## III) Caractéristiques d'une fonction

### 1) Variation d'une fonction

On définit une fonction  $f$  sur un intervalle  $[a ; b[$ .

Quand la valeur de  $x$  augmente sur l'intervalle  $[a ; b[$ ,

- si les valeurs de  $f(x)$  augmentent aussi, la fonction est **croissante** sur l'intervalle  $[a ; b[$ .
- si les valeurs de  $f(x)$  diminuent, la fonction est **décroissante** sur l'intervalle  $[a ; b[$ .
- si les valeurs de  $f(x)$  ne varient pas, la fonction est **constante** sur l'intervalle  $[a ; b[$ .

On synthétise tous ces résultats dans un **tableau de variation**.

$x$	-3	2	4
Sens de variation de $f$	→ 4		→ 2
	-3		2

### 2) Maximum et minimum d'une fonction

Une fonction  $f$  définie sur un intervalle  $[a ; b[$  présente :

- un **maximum**  $M$  sur  $[a ; b[$  si pour tout  $x$  de  $[a ; b[$ ,  $M \geq f(x)$  ;
- un **minimum**  $m$  sur  $[a ; b[$  si pour tout  $x$  de  $[a ; b[$ ,  $m \leq f(x)$  ;